

まとめ

1. 1次関数  $y=ax+b$  では、(yの増加量)=a×(xの増加量)

例.  $y=-3x+2$  について、 $x$ が1増加するときの $y$ の増加量は、

$x=1$ を関数式  $y=-3x+2$  の中の  $y=-3x$  に代入して、 $y=-3 \times (1) = -3$  になります。

$y=-3x+2$  に  $x=1$  を代入して、 $y=-3 \times (1) + 2 = -1$  にしてはいけません。

2. 1次関数のグラフをかくには、①通る2点を結ぶ。②1点と傾きを調べる。の2通りある。

1次関数  $y=ax+b$  のグラフは、傾きが  $a$ 、切片( $y$ 軸との交点)が  $b$  の直線になります。

3. グラフ上の点の  $x$ 座標と $y$ 座標の値の組を式に代入すると式は成り立つ。

例.  $y=3x-1$  のグラフ上にある点  $A$  で、 $x$ 座標が2であるとき、点  $A$  の座標を求めなさい。

$x=2$  を式に代入すると、 $y=3 \times (2) - 1 = 5$  になるから、点  $A$  の座標は  $A(2, 5)$  になります。

4. 変化の割合と、1組の  $x, y$  の値から1次関数の式を求める。

傾きと通る1点の座標が与えられると、直線の式を求めることができます。

5. 2組の  $x, y$  の値から1次関数の式を求める。

グラフが通る2点の座標がわかっている直線の式は、それぞれの点の  $x$ 座標、 $y$ 座標の値を  $y=ax+b$  に代入して、2つの式を連立方程式にして解くと、求めることができます。

6. 3点が同一直線上にあるときは、2点を通る直線上に残りの点もあると考える。

7. 2直線の交点の座標は、2つの直線の式を連立方程式として解いて求める。

8. 三角形の面積では、 $x$ 軸や $y$ 軸に平行な辺に着目して底辺や高さを調べる。

9. 頂点を通り三角形の面積を2等分する直線は、頂点に対する辺の中点を通る。

(問題)

1. 右の図で、直線  $\ell$  は関数  $y = \frac{1}{3}x + 5$  のグラフ、

直線  $m$  は関数  $y = 2x$  のグラフ、直線  $n$  は関数

$y = -\frac{4}{3}x$  のグラフである。直線  $\ell$  と直線  $m$  は

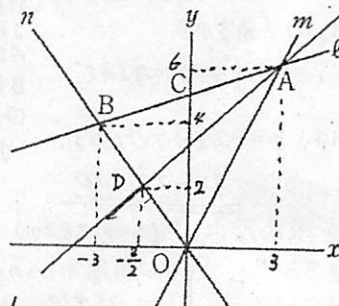
点  $A$  で、直線  $\ell$  と直線  $n$  は点  $B$  でそれぞれ交わ

っている。また、点  $C$  は直線  $\ell$  と  $y$  軸との交点

である。

- (1) 点  $A$ 、点  $B$  の座標をそれぞれ求めなさい。(上の3問の75%)

点  $A$  は2直線  $y = 2x$  と  $y = \frac{1}{3}x + 5$  の交点だから、  
 $2x = \frac{1}{3}x + 5$  を解いて、 $6x = x + 15$   
 $5x = 15$ ,  $x = 3$ ,  $y$ 座標は、 $y = 2x$   
 $x = 3$  を代入して、 $y = 2 \times 3 = 6$   
 $A(3, 6)$



点  $B$  は2直線  $y = -\frac{4}{3}x$  と  $y = \frac{1}{3}x + 5$   
 との交点だから、 $-\frac{4}{3}x = \frac{1}{3}x + 5$   
 $-4x = x + 15$ ,  $-4x - x = 15$ ,  $-5x = 15$ ,  $x = -3$   
 $y = -\frac{4}{3}x$  に  $x = -3$  を代入して  $y$ 座標を求めると、  
 $y = -\frac{4}{3} \times (-3) = 4$   
 $B(-3, 4)$

- (2)  $\triangle OAB$  の面積を求めなさい。

$$\begin{aligned} \triangle OAB &= \triangle OAC + \triangle OBC = 5 \times 3 \times \frac{1}{2} + 5 \times 3 \times \frac{1}{2} \\ &= \frac{15}{2} + \frac{15}{2} = \frac{30}{2} = 15 \end{aligned}$$

15

- (3) 点  $A$  を通って、 $\triangle OAB$  の面積を2等分する直線の式を求めなさい。(上の3問の95%)

線分  $OB$  の中点を  $D$  とすると、 $D$  の座標は  $D(-\frac{3}{2}, 2)$  から、  
 $A(3, 6)$  と  $D$  を通る直線の式を求めればよい。

求める式を  $y = ax + b$  とおいて、

$$A(3, 6) \rightarrow 6 = a \times 3 + b \rightarrow 3a + b = 6 \quad \text{①}$$

$$D(-\frac{3}{2}, 2) \rightarrow 2 = a \times (-\frac{3}{2}) + b \rightarrow -\frac{3}{2}a + b = 2 \quad \text{②}$$

$$\text{①} - \text{②} \text{ より } (3 + \frac{3}{2})a = 4, \quad \frac{9}{2}a = 4, \quad a = \frac{8}{9}$$

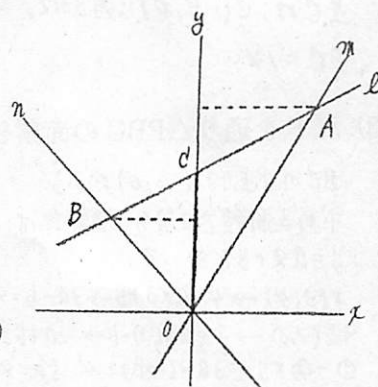
①に代入して、

$$3 \times \frac{8}{9} + b = 6$$

$$b = 6 - \frac{8}{3}$$

$$= \frac{10}{3}$$

$$y = \frac{8}{9}x + \frac{10}{3}$$



(線  $OD$  が  $\triangle OAC$ ,  $\triangle OBC$  の底辺  
 頂点  $A, B$  から  $y$  軸への垂線が等高  
 になります。)

※ 分数をふくむ式に慣れて、計算ミスをしないように心掛けよう!!

まとめ

1. 1次関数  $y=ax+b$  では、(yの増加量)=a×(xの増加量)

例.  $y=-3x+2$  について、 $x$  が1増加するときの  $y$  の増加量は、

$x=1$  を関数式  $y=-3x+2$  の中の  $y=-3x$  に代入して、 $y=-3\times(1)=-3$  になります。

2. 1次関数のグラフをかくには、①通る2点を結ぶ。②1点と傾きを調べる。 の2通りある。

1次関数  $y=ax+b$  のグラフは、傾きが  $a$ 、切片( $y$  軸との交点)が  $b$  の直線になります。

3. グラフ上の点の  $x$  座標と  $y$  座標の値の組を式に代入すると式は成り立つ。

4. 変化の割合と、1組の  $x, y$  の値から1次関数の式を求める。

5. 2組の  $x, y$  の値から1次関数の式を求める。

グラフが通る2点の座標がわかっている直線の式は、それぞれの点の  $x$  座標、 $y$  座標の値を  $y=ax+b$  に代入して、2つの式を連立方程式にして解くと、求めることができます。

6. 3点が同一直線上にあるときは、2点を通る直線上に残りの点もあると考える。

7. 2直線の交点の座標は、2つの直線の式を連立方程式として解いて求める。

8. 三角形の面積では、 $x$  軸や  $y$  軸に平行な辺に着目して底辺や高さを調べる。

9. 頂点を通り三角形の面積を 2等分する直線は、頂点に対する辺の中点を通る。

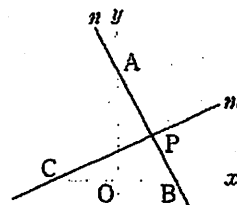
(問題)

1. 右の図で、2つの直線  $m$  と  $n$  の交点を  $P$  とする。

直線  $n$  と  $y$  軸、 $x$  軸との交点を  $A(0, 10)$ ,  $B(5, 0)$  と

する。直線  $m$  は  $y=\frac{1}{3}x+3$  で、 $x$  軸との交点を  $C$

とすると、次の問いに答えなさい。



- (1) 直線  $n$  の式を求めなさい。(はじめ23点37秒) (別解)

2点  $A(0, 10)$ ,  $B(5, 0)$  を通るから

傾きは  $-\frac{10}{5}=-2$ , 切片は10にちるので、

直線  $n$  の式は、 $y=-2x+10$  にちる。

$$y=-2x+10$$

$y=ax+b$  とおいて、

$$A(0, 10) \rightarrow 10=a \times 0 + b \rightarrow b=10 \text{ --- ①}$$

$$B(5, 0) \rightarrow 0=a \times 5 + b \rightarrow 5a+b=0 \text{ --- ②}$$

$$\text{①, ②より、} b=10, a=-2$$

$$\text{ゆえに、} y=-2x+10$$

- (2)  $\triangle PBC$  の面積を求めなさい。(はじめ78秒)

点  $C$  は直線  $m$  上にあるので、

$$y=\frac{1}{3}x+3 \text{ に } y=0 \text{ を代入して、}$$

$$\frac{1}{3}x+3=0, x=-9 \text{ あり}$$

点  $C$  は、 $C(-9, 0)$  にちるので、

$$BC=14$$

また、直線  $m$  と  $n$  の交点  $P$  から、

$$\begin{cases} y=-2x+10 \text{ あり} \\ y=\frac{1}{3}x+3 \end{cases}$$

$$x=3, y=4 \text{ とちるので}$$

$$P(3, 4) \text{ にちる。}$$

$$\text{ゆえに、} \triangle PBC = \frac{1}{2} \times 14 \times 4 = 28$$

28

- (3) 点  $P$  を通り  $\triangle PBC$  の面積を2等分する直線の式を求めなさい。(はじめ95秒)

$BC$  の中点は  $(-2, 0)$  だから

求める面積を2等分する直線は、

$y=ax+b$  とおいて、

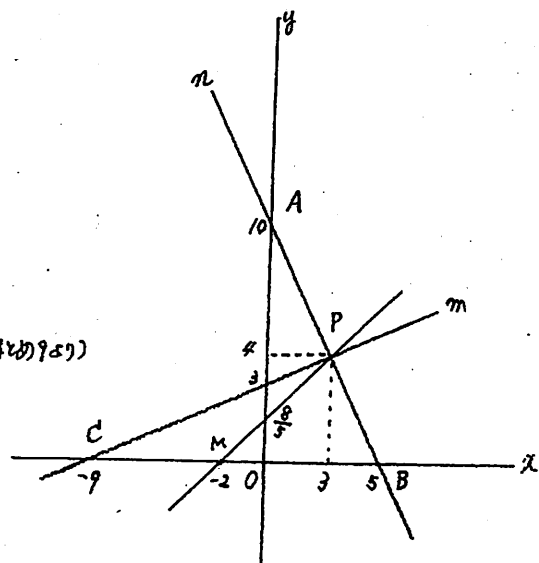
$$P(3, 4) \rightarrow 4=a \times 3 + b \rightarrow 3a+b=4 \text{ --- ①}$$

$$\text{また } (-2, 0) \rightarrow 0=a \times (-2) + b \rightarrow -2a+b=0 \text{ --- ②}$$

$$\text{①-②より、} 3a-(-2a)=4, 5a=4, a=\frac{4}{5}$$

$$\text{②に代入して、} b=2 \times \frac{4}{5} = \frac{8}{5}$$

$$\text{ゆえに、} y=\frac{4}{5}x+\frac{8}{5}$$



(中点を  $M$  とすると、 $\triangle PBM$  と  $\triangle PCM$  の面積は、  
底辺がそれぞれ  $BM, CM$  にちる。  
高さはどちらも同じにちります。

※連立方程式を早く計算できる(正確に)力を付けておきましょう!!